

DASK - Biblioteksspecifikation, DL-2

REGNECENTRALEN
DANSK INSTITUT FOR MATEMATIKMASKINER
DASK - BIBLIOTEKSSPECIFIKATION

ATOMENT
30 MAR. 1960
BIBLIOTHEK

SEKVENSBETEGNELSE
DL 2
side 1/16

Kodet af PA WH d. 14.9.59
Indkørt af WH d. 18.9.59
Udgivet d. 25.1.60

Sædvanlige differentialligninger:
Numerisk integration

Indhops- adresser	Udhops- adresser	Indgang	Udgang	Max. ordre- antal	Køretid	
					min.	max.
0A8	56A8	C(OAA ff) = H, x, y ₁y _n	x + H, y ₁ + δy ₁ y _n + δy _n → 2AA ff (Fast skridtlængde)	76	Bestemmes i det væsentlige af k- sekvensen; samt for variabel skridt- længdes vedkommende af antallet af skridt a.	
86A8	203A8	C(OAA ff) = H, x, y ₁y _n C(250A8) = δ C(252A8) = h _{min}	x + H, y ₁ + δy ₁ y _n + δy _n → 2AA ff a · 2 ⁻¹⁹ → 249A8 (Var. skr. længde)	241		
Kodelængde 0 - 85 (Fast skridtlængde) 0 - 273 (Variabel skridtlængde)			FR1 (0A9) Undersekvenser k-sekvens (0AB)			
Begyndelsesadresse lige			Arbejdsceller i sekvensen, samt OAA ff.			
Grundparametre ingen			Perm. konstanter C(2039), C(2040v) C(2041)			
Programparametre n A 00						

SEKVENSBETEGNELSE
DL 2
side 2/16

Grundlag

Ved integrationen benyttes Runge-Kutta's metode, modificeret af S. Gill (se Proc. Cambr. Phil. Soc. 47(1951)).

Differentialligningerne skal være skrevet på formen:

$$\frac{dy_1}{dx} = f_1(y_1 \dots y_n)$$

$$\frac{dy_2}{dx} = f_2(y_1 \dots y_n)$$

$$\frac{dy_n}{dx} = f_n(y_1 \dots y_n)$$

Bemærk, at funktionerne på højre side kun må være funktioner af y 'erne. Forekommer x på højre side, sætter man $x = y_{n+1}$ og tilføjer ligningen

$$\frac{dy_{n+1}}{dx} = 1.$$

Man opgiver y -værdierne svarende til $x = x_0$, og finder y -værdierne svarende til $x = x_0 + h$ ved følgende formler.

$$q_m^{(0)} = 0$$

$$k_m^{(i)} = h \cdot f_m(y_1^{(i)} \dots y_n^{(i)})$$

$$r_m^{(i+1)} = \begin{cases} A^{(i)}(k_m^{(i)} - q_m^{(i)}) - B^{(i)}q_m^{(i)} & \text{for } i = 0, 1, 2 \\ A^{(i)}(k_m^{(i)} - 2q_m^{(i)}) & \text{for } i = 3 \end{cases}$$

$$y_m^{(i+1)} = y_m^{(i)} + r_m^{(i+1)}$$

$$q_m^{(i+1)} = q_m^{(i)} + 2r_m^{(i+1)} - A^{(i)}q_m^{(i)} \text{ for } i = 0, 1, 2$$

idet $i = 0, 1, 2, 3$ og $m = 1, 2, \dots, n$

$y_1^{(4)} \dots y_n^{(4)}$ er de søgte y -værdier svarende til $x = x_0 + h$.

i	A ⁽ⁱ⁾	B ⁽ⁱ⁾
0	$\frac{1}{2}$	0
1	$1 - \frac{\sqrt{2}}{2}$	0
2	$1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$	0
3	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$

SEKVENSS- BETEGNELSE
DL 2
side 3/16

Herefter kan man finde y-værdierne svarende til $x = x_0 + 2h$ udfra værdierne for $x = x_0 + h$ o.s.v.

Fejlen δ_{ym} kan findes således. Først går eet skridt af længden h ; herved fås værdien y_{1m} . Derefter går i stedet to skridt, hver af længden $\frac{1}{2}h$; hermed fås værdien y_{2m} . For fejlen på y_{2m} , δ_{ym} , gælder da:

$$\delta_{ym} \approx \frac{1}{15}(y_{2m} - y_{1m}).$$

(Se f.eks. L. Collatz: Numerische Behandlung von Differentialgleichungen, side 68).

Funktion

Alment

Sekvensen arbejder med flydende, pakkede tal.

Der er to indhop: fast skridtlængde (FS) og variabel skridtlængde (VS).

Ved FS integreres eet skridt frem uden nogen kontrol på fejlen.

Ved VS integreres frem til det ønskede punkt med et vist antal skridt, således at fejlen på hvert enkelt skridt højst er lig en på forhånd opgiven fejl.

I begge tilfælde er virkningen den, at værdierne svarende til $x = x_0$ bliver erstattet af værdierne svarende til $x = x_0 + H$; ved FS går eet skridt af længden H , ved VS går et antal skridt af længden $h = 2^{-p} \cdot H$ ($p = 0, 1, \dots$) hvor p bestemmes af den opgivne maksimalfejl.

Nedenfor oplyses om ind- og udgang, undersekvenser og arbejdsceller. Derefter forklares VS lidt nærmere.

Indgang

Programparameter: n_{A00} (n er ordenen, d.v.s. det samlede antal ligninger)

$C(0AA) = H$

$C(2AA) = x_0$

$C(4AAff) = y_1 \dots y_n$ (svarende til x_0)

Specielt for VS desuden: $C(250A8) = \delta$. Den maksimale, absolutte fejl (numerisk).

$C(252A8) = h_{\min}$. Den minimale skridtlængde. (numerisk).

SEKVENSS- BETEGNELSE
DL 2
side 4/16

Udgang

$$C(2AA) = x_0 + H$$

$$C(4AAff) = y_1 \dots y_n \text{ (svarende til } x_0 + H)$$

$$(C(0AA) \text{ er uforandret lig } H)$$

Specielt for VS desuden: $C(249A8) = a \cdot 2^{-19}$. a er antal skridt fra x_0 til $x_0 + H$.

(C(250-252A8) er uforandret).

Bemærk, at sekvensen såvel ved FS som VS har x som indgangs- og udgangsværdi. Skønt x ikke indgår i formlerne (jfr. "Grundlag"), er den altså alligevel taget med; dette er gjort, fordi man som regel har brug for x (f.eks. når man trykker en tabel).

Undersekvenser.

FRL i OA9.

k-sekvens med indhop OAB. k-sekvensen giver oplysning til DL2 om differentialkvotienterne, idet den skal kodes således, at den beregner værdierne

$$k_1 = h \cdot f_1(y_1 \dots y_n)$$

$$k_2 = h \cdot f_2(y_1 \dots y_n)$$

⋮

$$k_n = h \cdot f_n(y_1 \dots y_n)$$

Disse anbringes i arbejdscellerne (se nedenfor).

k-sekvensen skal retablere de indeksregistre, den benytter.

Arbejdsceller.

	OAA	H	
	2AA	x	
	4 ... 2(n+1)AA	$y_1 \dots y_n$	
	2(n+2) ... 2(2n+1)AA	$k_1 \dots k_n$	
	2(2n+2) ... 2(3n+1)AA	$q_1 \dots q_n$	
Benyttes ikke ved FS	2(3n+2) ... 2(4n+1)AA	$y_1 \dots y_n$	Behøver ikke at kendes af brugeren
	2(4n+2) ... 2(5n+1)AA	$y_{11} \dots y_{1n}$	
	2(5n+2) ... 2(6n+1)AA	$y_{f1} \dots y_{fn}$	
	2(6n+2) ... 2(7n+1)AA	$y_1 \dots y_n$	

Nærmere forklaring af VS

Ved VS arbejder sekvensen således. Først prøves, om man kan gå det opgivne skridt H, idet fejlen findes på den måde, der er beskrevet til sidst i "Grundlag". Hvis man ikke kan (d.v.s. hvis fejlen på et af y 'erne er større end den opgivne fejl), prøves med den halve skridtlængde. Kan den heller ikke bruges, halveres igen o.s.v.

SEKVENSBETEGNELSE
DL 2
side 5/16

Når man nå denne lille har fundet en tilladelig skridtlængde, adderes fejlene til de fundne y -værdier (hvilket jo giver en bedre tilnærmelse).

Derefter gås et skridt til (hvis man da ikke er færdig) o.s.v. Følgende bemærkninger må gøres.

Det undersøges ved hvert skridt (undtagen ved første skridt), om der er chance for, at den dobbelte skridtlængde kan tillades. Da fejlen er af størrelsesordenen h^5 , vil dette - alt andet lige - være tilfældet, hvis ingen af fejlene gange 2^5 overstiger den tilladte fejl δ .

Såfremt der må foretages mere end eet skridt for at nå det opgivne punkt, bliver der brug for at undersøge, om det øjeblikkelige skridt er det sidste. Dette administreres ved hjælp af størrelsen j (se rutediagrammet). Til at begynde med sættes $j = 0$. Efter ethvert forsøg med en for stor skridtlængde sættes $j = 1$. Når et skridt er gået, og $j = 1$, undersøges, om næste skridt har chance for at være det sidste. (Dette udtrykkes ikke ved betingelsen $|h| \geq |x_s - x|$, men ved $1.25|h| \geq |x_s - x|$, fordi der er en forholdsvis stor chance for, at man også i dette tilfælde vil kunne bruge skridtlængden $x_s - x$). Hvis næste skridt har chance for at være det sidste, sættes $h = x_s - x$, og $j = 0$. Når et skridt er gået, og $j = 0$, er man færdig.

Der findes indbygget en kontrol på, at skridtlængden ikke bliver urimelig lille. Denne kontrol kan bruges, hvis de numeriske forhold for de pågældende ligninger ikke er afklarede, og der er risiko for, at sekvensen vil blive ved at halvere skridtlængden uden nogensinde at blive færdig. Man opgiver den minimale skridtlængde h_{\min} (denne er normalt sat til nul). Da der kun er brug for en grov prøve, undersøges blot eksponenterne for h og h_{\min} .

Det bemærkes, at køretiden kan blive meget stor ved VS. Man står sig ved at opgive en rimelig skridtlængde H (for at undgå for mange halveringer), også selv om man i virkeligheden ikke er interesseret i de herved fremkomne mellempunkter.

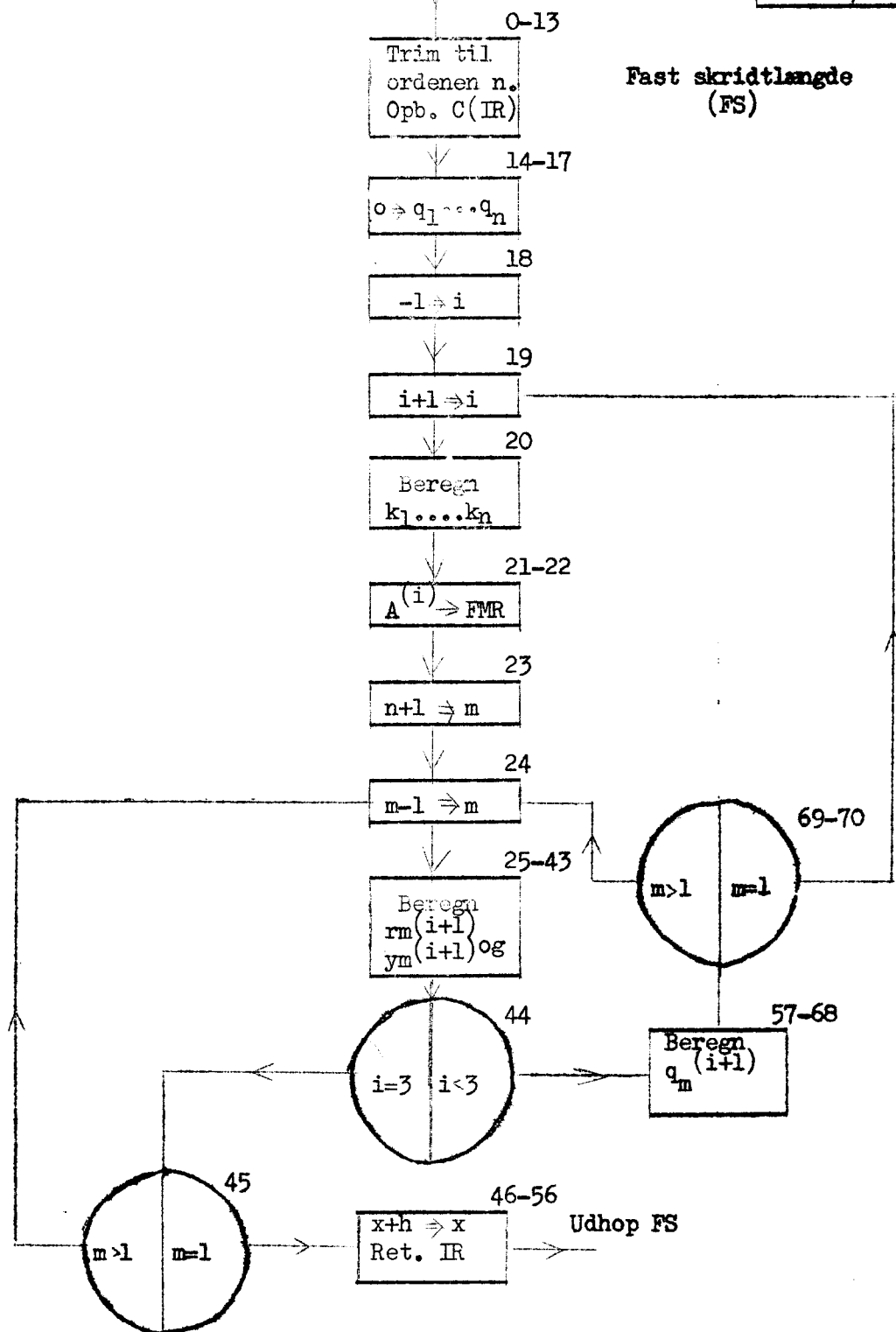
Man bør ikke opgive et for lille δ . Et for lille δ kan bringe sekvensen til et så stort antal skridt, at den akkumulerede fejl bliver større end for et større δ .

Bemærk, at der kun opgives eet δ , fælles for alle y 'erne. Såfremt der er vidt forskellige krav til nøjagtighederne af de enkelte y 'er, kan man give de enkelte y 'er passende skalafaktorer.

Rutediagram I

Indhop FS

SEKVENSBETEGNELSE
DL 2
side 6/16



Rytediagram II

Indhop VS

86-115
118-125

Trim til
ordenen n.
Opb. C(IR)
Opb. H og
 $x_s = x + H$

116-117

$H \Rightarrow h$
 $o \Rightarrow j, o \Rightarrow a$

126-132

Opb.
 $y_1 \dots y_n, x$

133-134

hop til FS

Opb. $y_{11} \dots y_{1n}$

135-143

Genindsæt
 $y_1 \dots y_n, x$

144-145

$\frac{1}{2}h \Rightarrow h$

146-147

hop til FS

148-152

Opb.
 $y_{f1} \dots y_{fn}$

153-154

hop til FS

155-167

beregn $\sigma_{ym} =$
 $\frac{1}{15}(y_{2m} - y_{1m})$

168-173

$|\sigma_{ym}|$ $|\sigma_{ym}|$
 $> \delta$ $\leq \delta$

Variabel skridtlængde
(VS)

SEKVENSBETEGNELSE
DL 2
side 7/16

$x_s - x \Rightarrow h$
 $o \Rightarrow j$

244-247

222
 $\frac{1.25|h|}{|x_s - x|} < \frac{1.25|h|}{|x_s - x|}$

220-221

$2h \Rightarrow h$

206-218

$\frac{32|\sigma_{ym}|}{32|\sigma_{ym}|} > \delta \leq \delta$

204-205

$2h \Rightarrow h$

219
 $m = 1$ $m > 1$

198-203
Genindsæt H
Ret. IR

Udhop
VS

197
 $j = 1$ $j = o$

187-196

beregn
 $y_m = y_{2m} + \delta y_m$

185-186

$a + 1 \Rightarrow a$

betyder,

at de pågældende
kasser gentages
for $m = n, n-1, \dots, 1$.

179-183
266-267

$y_{f1} \dots y_{fn}$
 \Rightarrow
 $y_{11} \dots y_{1n}$

178

stop

175-177

$|h|$ $|h|$
 $ca. h_{min}$ $ca. h_{min}$

174

$1 \Rightarrow i$

Kode

Indhop FS

SEKVENSBETEGNELSE
DL 2
side 8/16

	0	1 D 60	
	1	1 D 20	
	2	14 A8 29	$2n \rightarrow \text{adr}$
	3	23 A8 29	
	4	39 A8 20	
	5	35 A8 29	$2n + 4AA \rightarrow \text{adr}$
	6	14 A8 20	
	7	16 A8 29	
	8	25 A8 29	$4n + 4AA \rightarrow \text{adr}$
	9	64 A8 29	
	10	68 A8 29	
	11	53 A8 74	
	12	54 A8 54	opbevar C(IR)
	13	55 A8 34	
(2)	14	(0) A 35	$2n \rightarrow \text{IRB}$
	17 \rightarrow 15	2046 B 35	$-2 + C(\text{IRB}) \rightarrow \text{IRB}$
(7)	16	(0) B 48	$0 \Rightarrow q_m$
	15 \leftarrow 17	15 A8 33	hop på B
	18	8 A 55	$8 \rightarrow \text{IRC} (-1 \Rightarrow i)$
	70 \rightarrow 19	2046 C 55	$-2 + C(\text{IRC}) \rightarrow \text{IRC} (i+1 \Rightarrow i)$
	20	0 AB 16	hop til k-sekvens
	21	76 C8 40	
	22	2031 A 16	$A^{(i)} \rightarrow \text{FMR}$
(3)	23	(0) A 35	$2n \rightarrow \text{IRB} (n+1 \Rightarrow m)$
	69 \rightarrow , 45 \rightarrow 24	2046 B 35	$-2 + C(\text{IRB}) \rightarrow \text{IRB} (m-1 \Rightarrow m)$
(8)	25	(0) B 40	
	26	2026 A 16	$-q_m^{(i)} \rightarrow \text{FAR}$
	27	71 A8 16	
	28	57 A9 16	$-A^{(i)} q_m^{(i)} \rightarrow \text{FAR}$
	32 \leftarrow 29	32 A8 53	hop på C ($i < 3$)
	30	2039 A 60	
	31	32 A9 16	$-2A^{(i)} q_m^{(i)} \rightarrow \text{FAR}$
	29 \rightarrow 32	2016 A 16	
	33	84 A8 08	$C(\text{FAR}) \rightarrow \text{arbc}$

(5)	34	41 A9 16	$C(FAR) \rightarrow FMD$
	35	(0) B 40	$k_m^{(i)} \rightarrow FAR$
	36	2026 A 16	
	37	57 A9 16	$A^{(i)} k_m^{(i)} \rightarrow FAR$
	38	0 A9 16	$r_m^{(i+1)} = A^{(i)} (k_m^{(i)} - q_m^{(i)}) \rightarrow FMD$
	39	4 BA 40	$y_m^{(i)} \rightarrow FAR$
	40	2026 A 16	
	41	2 A9 16	$y_m^{(i+1)} = y_m^{(i)} + r_m^{(i+1)} \rightarrow FAR \& arbc$
	42	2016 A 16	
	43	4 BA 08	
	57 ← 44	57 A8 53	hop på C ($i < 3$)
	24 ← 45	24 A8 33	hop på B ($m > 1$)
	46	0 AA 40	$h \rightarrow FMD$
	47	2021 A 16	
	48	2 AA 40	$x \rightarrow FAR$
	49	2026 A 16	
	50	2 A9 16	$x+h \Rightarrow x$
(11)	51	2016 A 16	
	52	2 AA 08	retabler IR
	53	(0) A 75	
(12)	54	(0) A 55	
(13)	55	(0) A 35	
udhop FS	56	2 D 10	hop ud
	44 → 57	1996 A 43	hop, hvis $r_m^{(i+1)} = 0$
	61 ← 58	61 A8 11	
	59	2039 A 60	$2r_m^{(i+1)} \rightarrow FMD$
	60	1999 A 26	
58 → 61	84 A8 40	$-A^{(i)} q_m^{(i)} \rightarrow FAR$	$2r_m^{(i+1)} - A^{(i)} q_m^{(i)} \rightarrow FAR$
	62	2026 A 16	
	63	2 A9 16	$q_m^{(i)} \rightarrow FMD$
	64	(0) B 40	
(9)	65	0000 A 00	

(10)

66	2 A9 16	} $q_m^{(i+1)} = q_m^{(i)} + 2r_m^{(i+1)} - A^{(i)} q_m^{(i)} \rightarrow \text{arbe}$
67	2016 A 16	
68	(0) B 08	
24 ←	69 24 A8 33	hop på B ($m > 1$)
19 ←	70 19 A8 10	hop
→	71 2000 A 41	} $-c(\text{FAR}) \rightarrow \text{FAR}$
74 ←	72 74 A8 52	
	73 2040 A 41	
72 →	74 2000 A 08	
←	75 1 D 10	hop tilbage
	76 B 55555	} $A^{(3)} = \frac{1}{6}$
	77 B 3FE55	
	78 B 6D413	} $A^{(2)} = 1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$
	79 B 401CD	
	80 B 4AFB0	} $A^{(1)} = 1 - \frac{\sqrt{2}}{2}$
	81 B 3FFCD	
	82 B 40000	} $A^{(0)} = \frac{1}{2}$
	83 B 40000	
	84 A	} arbe
	85 A	
indhop VS	86 1 D 60	} $n \rightarrow \text{adr}$
	87 134 A8 29	
	88 147 A8 29	
	89 154 A8 29	
	90 1 D 20	} $2n \rightarrow \text{adr}$
	91 126 A8 29	
	92 135 A8 29	
	93 148 A8 29	
	94 155 A8 29	
	95 179 A8 29	
	96 187 A8 29	
	97 210 A8 29	
	98 1 A 0C	

99	126 A8 20	} $6n + 4AA \rightarrow \text{adr}$
100	268 A8 20	
101	129 A8 29	
102	139 A8 29	
103	126 A8 20	} $8n + 4AA \rightarrow \text{adr}$
104	138 A8 29	
105	159 A8 29	
106	126 A8 20	} $10n + 4AA \rightarrow \text{adr}$
107	151 A8 29	
108	181 A8 29	
109	126 A8 20	} $12n + 4AA \rightarrow \text{adr}$
110	167 A8 29	
111	191 A8 29	
112	212 A8 29	} opbevar C(IR)
113	200 A8 74	
114	201 A8 54	
115	202 A8 34	} $o \Rightarrow j$
116	0 A 55	
117	249 A8 68	$o \Rightarrow a$
118	0 AA 40	} opbevar H
119	260 A8 08	
120	2021 A 16	H \rightarrow FMD
121	2 AA 40	} x \rightarrow FAR
122	2026 A 16	
123	2 A9 16	} $x_s = x+H \rightarrow \text{arbc}$
124	2016 A 16	
125	262 A8 08	
(91) 247 \rightarrow ,243 \rightarrow	126 (0) A 35	2n \rightarrow IRB
130 \rightarrow 127	2046 B 35	-2 + C(IRB) \rightarrow IRB
128	4 BA 40	} opbevar y_m
(101) 129	(0) B 08	
127 \leftarrow 130	127 A8 33	hop på B

	131	2 AA 40	}	opbevar x
	132	264 AB 08		
	133	0 AB 16		hop til FS
(87)	134	(0) A 00		(n)
(92)	267 → 135	(0) A 35		2n → IRB
	141 → 136	2046 B 35		-2 + C(IRB) → IRB
	137	4 BA 40	}	opbevar y _l _m
(104)	138	(0) B 08		
(102)	139	(0) B 40	}	genindsæt y _m
	140	4 BA 08		
	136 ← 141	136 AB 33		hop på B
	142	264 AB 40	}	genindsæt x
	143	2 AA 08		
	144	2039 A 61	}	$\frac{1}{2}h \Rightarrow h$
	145	1 AA 26		
	146	0 AB 16		hop til FS
(88)	147	(0) A 00		(n)
(93)	148	(0) A 35		2n → IRB
	152 → 149	2046 B 35		-2 + C(IRB) → IRB
	150	4 BA 40	}	opbevar y _f _m
(107)	151	(0) B 08		
	149 ← 152	149 AB 33		hop på B
	153	0 AB 16		hop til FS
(89)	154	(0) A 00		(n)
(94)	155	(0) A 35		2n → IRB
	184 → 156	2046 B 35		-2 + C(IRB) → IRB
	157	4 BA 40	}	y ₂ _m → FMD
	158	2021 A 16		
(105)	159	(0) B 40	}	- y ₁ _m → FAR
	160	2026 A 16		
	161	71 AB 16		
	162	2 A9 16		y ₂ _m - y ₁ _m → FAR
	163	254 AB 40		$\frac{1}{15} \rightarrow AR$

	164	2031 A 16	$\frac{1}{15} \rightarrow \text{FMR}$
	165	57 A9 16	$\delta y_m \rightarrow \text{FAR og arbc}$
(110)	166	2016 A 16	
	167	(0) B 08	
	168	269 A8 16	$-\delta y_m \rightarrow \text{FAR}$
	169	250 A8 40	$\delta \rightarrow \text{FMD}$
	170	2021 A 16	
	171	2 A9 16	$\delta - \delta y_m \rightarrow \text{FAR}$
	172	2000 A 40	hop på + ($ \delta y_m \leq \delta$)
184 ←	173	184 A8 11	
	174	1 A 55	$1 \Rightarrow j$
	175	1 AA 60	ca. ($h'' - h''_{\min}$) $\rightarrow \text{ARvadr}$
	176	253 A8 21	
	179 ←	179 A8 11	hop på + ($h > \text{ca. } h_{\min}$)
	178	178 A8 30	stop
(95)	177 →	(0) A 35	$2n \rightarrow \text{IRB}$
	266 →	2046 B 35	$-2 + C(\text{IRB}) \rightarrow \text{IRB}$
(108)		181 (0) B 40	$y_m^f \Rightarrow y_m$
		182 4 BA 08	
	266 ←	266 A8 10	hop
156 ← ,	173 →	156 A8 33	hop på B
	185	2041 A 60	$a + 1 \Rightarrow a$
	186	249 A8 26	
(96)		187 (0) A 35	$2n \rightarrow \text{IRB}$
	196 →	2046 B 35	$-2 + C(\text{IRB}) \rightarrow \text{IRB}$
	189	4 BA 40	$y_m^2 \rightarrow \text{FMD}$
	190	2021 A 16	
(111)		191 (0) B 40	$\delta y_m \rightarrow \text{FAR}$
	192	2026 A 16	
	193	2 A9 16	$y_m^2 + \delta y_m \Rightarrow y_m$
	194	2016 A 16	
	195	4 BA 08	

SEKVENSBETEGNELSE
DL 2
side 14/16

	188 ← 196	188 A8 33	hop på B
	204 ← 197	204 A8 53	hop på C (j = 1)
	198	260 A8 40	genindsæt H
	199	0 AA 08	
(113)	200	(0) A 75	retabler IR
(114)	201	(0) A 55	
(115)	202	(0) A 35	
udhop VS	203	2 D 10	hop ud
	197 → 204	2039 A 60	2h ⇒ h
	205	1 AA 26	
	206	256 A8 40	32 → FMR
	207	2031 A 16	
	208	250 A8 40	$\mathcal{J} \rightarrow \text{FMD}$
	209	2021 A 16	
(97)	210	(0) A 35	2n → IRB
	219 → 211	2046 B 35	-2 + C(IRB) → IRB
(112)	212	(0) B 40	$-\mathcal{J}y_m \rightarrow \text{FAR}$
	213	2026 A 16	
	214	269 A8 16	$-32 \mathcal{J}y_m + \mathcal{E} \rightarrow \text{FAR}$
	215	57 A9 16	
	216	2 A9 16	hop på ÷ (32 $ \mathcal{J}y_m > \mathcal{J}$)
	217	2000 A 40	
	222 ← 218	222 A8 51	hop på B
	211 ← 219	211 A8 33	2h ⇒ h
	220	2039 A 60	
	221	1 AA 26	$x_s \rightarrow \text{FMD}$
	218 → 222	262 A8 40	
	223	2021 A 16	$-x \rightarrow \text{FAR}$
	224	2 AA 40	
	225	2026 A 16	
	226	71 A8 16	

227	0 A9 16	} $x_s - x \rightarrow \text{FMD og arbe}$
228	2016 A 16	
229	264 A8 08	
230	1996 A 43	} $- x_s - x \rightarrow \text{FMD}$
231	2036 A 16	
232	1996 A 08	
233	258 A8 40	} $1,25 \rightarrow \text{FMR}$
234	2031 A 16	
235	0 AA 40	} $ h \rightarrow \text{FAR}$
236	2026 A 16	
237	2000 A 42	
238	2036 A 16	
239	2000 A 08	
240	57 A9 16	} $1,25 h - x_s - x \rightarrow \text{FAR}$
241	2 A9 16	
242	2000 A 40	} $\text{hop på } \div (1,25 h < x_s - x)$
126 ← 243	126 A8 51	
244	0 A 55	$o \Rightarrow j$
245	264 A8 40	} $x_s - x \Rightarrow h$
246	0 AA 08	
126 ← 247	126 A8 10	hop
248	2 A 00	
249	A	a
250	B 41893	} $\mathcal{f} = 10^{-3}$
251	B 3F775	
252	A	} $h_{\min} = 0$
253	A	
254	B 44444	} $\frac{1}{15}$
255	B 3FD44	
256	B 40000	} 32
257	B 40600	
258	B 50000	} 1,25
259	B 40100	

SEKVENSBETEGNELSE
DL 2
side 16/16

	260	A	}	arbc H
	261	A		
	262	A	}	arbc x_s
	263	A		
	264	A	}	arbc $x, x_s - x$
	265	A		
180 ← , 183 →	266	180 A8 33		hop på B
135 ←	267	135 A8 10		hop
	268	4 AA 00		
→	269	2000 A 43	}	C(FAR) → FAR
272 ←	270	272 A8 52		
	271	2040 A 41		
270 →	272	2000 A 08		
←	273	1 D 10		hop tilbage